

**SIMULAREA EVALUĂRII NAȚIONALE
PENTRU ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a
MATEMATICĂ
Noiembrie 2025**

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

- Se acordă zece puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la zece a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I și SUBIECTUL al II-lea

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie cinci puncte, fie zero puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

SUBIECTUL al III-lea

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctaj corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	c)	5p
2.	a)	5p
3.	c)	5p
4.	a)	5p
5.	b)	5p
6.	a)	5p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.	d)	5p
2.	c)	5p
3.	c)	5p
4.	a)	5p
5.	a)	5p
6.	b)	5p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.	a) Ana are 35 de probleme \Rightarrow Eva $35 - 15 = 20$ probleme. Total: $35 + 20 = 55$ probleme. $\frac{40}{100} \cdot 55 = 22 \neq 20 \Rightarrow$ nu este posibil.	1p 1p
	b) $b = \frac{40}{100} \cdot (a+b) \Rightarrow b = \frac{2}{5} \cdot (2b+15)$ $\Rightarrow 5b = 4b + 30$ $\Rightarrow b = 30$ și $a = 45$.	1p 1p 1p
2.	a) $-4 \leq \frac{2x-7}{4} < 2 \quad \cdot 4$ $\Leftrightarrow -16 \leq 2x-7 < 8 \Rightarrow x \in \left[-\frac{9}{2}; \frac{15}{2} \right)$ Suma elementelor mulțimii $A \cap \mathbb{Z}$: $-4 - 3 - 2 - 1 + 0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 = 18$.	2p
	b) $3\sqrt{2} + x = \pm \frac{1}{2} \Rightarrow x = \frac{1}{2} - 3\sqrt{2}$ sau $x = -\frac{1}{2} - 3\sqrt{2}$ $-\frac{1}{2} - 3\sqrt{2} < -\frac{9}{2} \Rightarrow -\frac{1}{2} - 3\sqrt{2} \notin A$ $-\frac{9}{2} < \frac{1}{2} - 3\sqrt{2} < \frac{15}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} - 3\sqrt{2} \in A$ $\Rightarrow A \cap B = \left\{ \frac{1}{2} - 3\sqrt{2} \right\}$	1p 1p 1p
3.	a) $a = \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{5} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{7} - \frac{1}{9} \right) \cdot \frac{9}{16}$ $a = \left(\frac{1}{1} - \frac{1}{9} \right) \cdot \frac{9}{16}; a = \frac{8}{9} \cdot \frac{9}{16}; a = \frac{1}{2}$	1p 1p
	b) $b = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6}} - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{6}} + \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{12}} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{12}}$ $b = 1 - \frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{4}}$ $b = 1 - \frac{1}{2}; b = \frac{1}{2}$. Deci, $a = b$.	1p 1p 1p

4.	<p>a) $\triangle ABC$ dreptunghic în $A \stackrel{T.P.}{\Rightarrow} BC^2 = AB^2 + AC^2 \Rightarrow AB = 6$ cm. Fie $BG \cap AC = \{M\} \Rightarrow BM$ mediană, deci în $\triangle ABM$ dreptunghic în $A \Rightarrow$ (teorema lui Pitagora) $BM = 2\sqrt{13}$ cm. $BG = \frac{2}{3}BM = \frac{4\sqrt{13}}{3}$</p>	1p 1p
	<p>b) Fie $AG \cap BC = \{N\}$, deci AN mediană $\left. \begin{array}{l} \\ \sphericalangle BAC = 90^\circ \end{array} \right\} \stackrel{T. medianei}{\Rightarrow} AN = \frac{BC}{2} = 5$ cm. $AG = \frac{2}{3}AN = \frac{10}{3}$ cm. $\mathcal{P}_{ABG} = AB + AG + BG = 6 + \frac{4\sqrt{13}}{3} + \frac{10}{3}$ $\frac{4\sqrt{13} + 10}{3} < 9 \Leftrightarrow 4\sqrt{13} < 17 \Leftrightarrow 208 < 289$ (A)</p>	1p 1p 1p
5.	<p>a) $ACED$ trapez isoscel $\Rightarrow AE = CD$ și $CD = AB$, avem $AC = AB$. Deci triunghiul AEB isoscel.</p> <p>b) $ACED$ trapez isoscel \Rightarrow $\left. \begin{array}{l} \sphericalangle ECA = \sphericalangle DAC \\ \text{dar } \sphericalangle DAC = \sphericalangle ACB(\text{alt.int}) \end{array} \right\} \Rightarrow \sphericalangle ECA = \sphericalangle ACB$ $\left. \begin{array}{l} \sphericalangle ECA = \sphericalangle ACB \Rightarrow (CA \text{ bisectoarea } \sphericalangle ECB) \\ CE = AD = BC \Rightarrow \triangle ECB \text{ isoscel} \end{array} \right\} \Rightarrow$ $\left. \begin{array}{l} BE \perp AC \\ AC \parallel DE \end{array} \right\} \Rightarrow BE \perp DE \Rightarrow \sphericalangle (BE, DE) = 90^\circ.$</p>	2p 1p 1p 1p
6.	<p>a) $\left. \begin{array}{l} \triangle VBC \text{ isoscel} \\ VM \text{ mediană} \end{array} \right\} \Rightarrow VM \text{ înălțime} \Rightarrow \mathcal{A}_{VBC} = \frac{VM \cdot BC}{2}$ În $\triangle VMC$, $\sphericalangle M = 90^\circ \Rightarrow$ (teorema lui Pitagora) $\Rightarrow VM = 3\sqrt{2}$ cm, deci $\mathcal{A}_{VBC} = 9\sqrt{2}$ cm².</p>	1p 1p
	<p>b) $\left. \begin{array}{l} \triangle ABC \text{ echilateral} \\ AM \text{ mediană} \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} AM = \frac{AB\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3} \\ AV = 3\sqrt{3} \end{array} \right\} \Rightarrow$ $\triangle AVM$ isoscel de bază VM.</p>	1p

Simetricul punctului A față de VM aparține mediatoarei segmentului VM , iar $AVSM$ este romb.	1p
$\left. \begin{array}{l} VS \parallel AM \\ \text{Deci } AM \subset (ABC) \\ VS \not\subset (ABC) \end{array} \right\} \Rightarrow VS \parallel (ABC)$	1p